Verwaltungs- und Wirtschafts- Akademie Potsdam

Dipl.-Kfm. Thomas Rochow

Formelsammlung zur Veranstaltung Statistik

1. Eindimensionale empirische Verteilungen

1.1 absolute Häufigkeit: $h(a_j)$ *ungruppiert* *bzw.* h_j *gruppiert*

1.2 relative Häufigkeit: $f(a_j)$ *ungruppiert* *bzw.* f_j *gruppiert*

1.3 absolute kumulierte Häufigkeiten: $H(x) = \sum_{a_j \leq x} h(a_j)$

1.4 relative kumulierte Häufigkeiten: $F(x) = \sum_{a_j \leq x} f(a_j)$

2. Zweidimensionale empirische Verteilungen

2.1 X mit realisierten Merkmalsausprägungen: $a_i \; (i = 1, 2, ..., k)$

Y mit realisierten Merkmalsausprägungen: $b_j \; (j = 1, 2, ..., l)$

2.2 gemeinsame absolute Häufigkeit: $h_{ij} = h(a_i, b_j)$

2.3 Randhäufigkeiten $h_{i.} = \sum_{j=1}^{l} h_{ij}$ bzw. $h_{.j} = \sum_{i=1}^{k} h_{ij}$

2.4 bedingte relative Häufigkeiten: $f_X(a_i / b_j) = \dfrac{h_{ij}}{h_{.j}}$ bzw. $f_Y(b_j / a_i) = \dfrac{h_{ij}}{h_{i.}}$

3. Lage- und Streuungsparameter

	arithmetisches Mittel $\bar{x}$	empirische Varianz s^2	durchschnittliche Abweichung $\bar{s}$
Urliste	$\bar{x} = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n} x_i$	$s^2 = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(x_i - \bar{x})^2$ bzw. $s^2 = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \bar{x}^2$	$\bar{s} = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n} \lvert x_i - x_{Med}\rvert h(a_j)$
Häufigkeitsfunktion	$\bar{x} = \frac{1}{n}\sum_j a_j h(a_j)$	$s^2 = \frac{1}{n}\sum_j (a_j - \bar{x})^2 h(a_j)$ bzw. $s^2 = \frac{1}{n}\sum_j a_j^2 h(a_j) - \bar{x}^2$	$\bar{s} = \frac{1}{n}\sum_j \lvert a_j - x_{Med}\rvert h(a_j)$
klassierte/ gruppierte Daten	$\bar{x} = \frac{1}{n}\sum_j m_j h_j$	$s^2 = \frac{1}{n}\sum_j (m_j - \bar{x})^2 h_j$ bzw. $s^2 = \frac{1}{n}\sum_j m_j^2 h_j - \bar{x}^2$	$\bar{s} = \frac{1}{n}\sum_j \lvert m_j - x_{Med}\rvert h_j$

Median x_{Med}: Median ist derjenige Wert x, für den gilt:

Urliste: Gegeben seien n geordnete Beobachtungswerte:
falls n eine ungerade Zahl, so hat der mittlere Wert die Ordnungsnummer $x_{(n+1)/2}$ und es gilt: $x_{Med} = x_{(n+1)/2}$

falls n eine gerade Zahl, so kommen alle Werte zwischen $x_{n/2}$ und $x_{(n/2+1)}$ als Median in Frage.

Klassiertes Datenmaterial: $F(x) = 0,5$

Modus $x_{Mod:}$: Modus ist derjenige Wert x,der am häufigsten realisiert ist.

4. Regressions- und Korrelationsrechnung

4.1 Regression

4.1.1 Kleinste – Quadrate - Schätzer

$$\hat{b} = \frac{\sum_i (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_i (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\sum_i x_i y_i - n\overline{xy}}{\sum_i x_i^2 - n\bar{x}^2}$$

$$\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x}$$

4.1.2 Bestimmtheitsmaß

$$R^2 = \frac{\sum_i (\hat{y}_i - \bar{y})^2}{\sum_i (y_i - \bar{y})^2} = \frac{\sum_i \hat{y}_i^2 - n\bar{y}^2}{\sum_i y_i^2 - n\bar{y}^2}$$

4.2 Korrelation

4.2.1 Korrelationskoeffizient nach Bravais-Pearson

$$r = \frac{\sum_i (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_i (x_i - \bar{x})^2 \sum_i (y_i - \bar{y})^2}} = \frac{\sum_i x_i y_i - n\overline{xy}}{\sqrt{\left(\sum_i x_i^2 - n\bar{x}^2\right)\left(\sum_i y_i^2 - n\bar{y}^2\right)}}$$

4.2.2 Korrelationskoeffizient nach Spearman

4.2.2.1 ohne Bindungskorrektur

$$r_{Sp} = 1 - \frac{6 \cdot \sum_{i=1}^{n} (R_{x_i} - R_{y_i})^2}{n \cdot (n^2 - 1)},$$

wobei R_{x_i} und R_{y_i} Rangziffern von X und Y darstellen.

4.2.2.2 mit Bindungskorrektur

$$r_{Sp}^{*} = 1 - \frac{6 \cdot \sum_{i=1}^{n} (R_{x_i} - R_{y_i})^2}{n \cdot (n^2 - 1) - \frac{1}{2} \cdot (G_S + H_S)},$$

wobei R_{x_i} und R_{y_i} Rangziffern von X und Y darstellen;

$G_S = \sum \left(g_i^3 - g_i\right)$ *und* $H_S = \sum \left(h_i^3 - h_i\right)$, wobei g_i die Länge der i-ten Bindung des Merkmals X und h_i die Länge der i-ten Bindung des Merkmals Y.

4.2.3 Kontingenzkoeffizient

nicht normiert

$$C = \sqrt{\frac{\mathrm{X}^2}{\mathrm{X}^2 + n}}$$

und in korrigiert-normierter Form:

$$C_{korr} = C \cdot \sqrt{\frac{C_0}{C_0 - 1}}$$

$$C_0 = \min\left(k, l\right),$$

wobei: k : *Anzahl derAusprägungen bei Merkmal X*

l : *Anzahl derAusprägungen bei Merkmal Y*

5. Messzahlen und Indizes sowie Konzentrationsrechnung

5.1 Laspeyres - Indizes

5.1.1 Laspeyres - Mengenindex: $$L_M = \frac{\sum_i m_1^i \cdot p_0^i}{\sum_i m_0^i \cdot p_0^i} \cdot 100\%$$

5.1.2 Laspeyres - Preisindex: $$L_P = \frac{\sum_i m_0^i \cdot p_1^i}{\sum_i m_0^i \cdot p_0^i} \cdot 100\%$$

5.2 Paasche - Indizes

5.2.1 Paasche - Mengenindex: $$P_M = \frac{\sum_i m_1^i \cdot p_1^i}{\sum_i m_0^i \cdot p_1^i} \cdot 100\%$$

5.2.2 Paasche – Preisindex: $$P_P = \frac{\sum_i m_1^i \cdot p_1^i}{\sum_i m_1^i \cdot p_0^i} \cdot 100\%$$

5.3 Umsatzindex (Wertindex): $$U = \frac{\sum_i m_1^i \cdot p_1^i}{\sum_i m_0^i \cdot p_0^i} \cdot 100\%$$

Wahrscheinlich weil da die Anteile der Unternehmen abnimmt

5.4 Herfindahl-Index

Für N Merkmalsanteile p_i $(i = 1, 2, ..., N)$ ergibt sich der Herfindahl-Index H zu:

$$H = \sum_{i=1}^{N} p_i^2$$

Fusionieren zwei Unternehmen mit den Anteilen p_1 *und* p_2, so erhöht sich der Wert von H, d. h. die Konzentration nimmt zu; bleiben zudem die Anteile der anderen Marktteilnehmer / Unternehmen unverändert, so verändert sich der Herfindahl-Index um $\Delta H = 2 p_1 \; p_2$.

Δ delta Veränderung